

1. **Kugelkoordinaten.** In Kugelkoordinaten (r, θ, ϕ) ist die Bahnkurve eines Massenpunktes von der Form $\vec{r}(t) = r(t)\vec{e}_r$. Geben Sie die Geschwindigkeit und die Beschleunigung ebenfalls in Kugelkoordinaten an. (3 Pkt.)
2. **Ameisen in der Ebene.** Vier Ameisen befinden sich an den Eckpunkten eines Quadrats mit der Kantenlänge a . Jede von ihnen bewegt sich mit der konstanten Geschwindigkeit v im Uhrzeigersinn auf die nächste zu, d.h. die Geschwindigkeit ist in jedem Moment auf diese gerichtet. Die Ameisen können als punktförmig angesehen werden.
 - (a) Beschreiben Sie die Bahnkurve der Ameisen in ebenen Polarkoordinaten, wobei der Mittelpunkt des Quadrats mit dem Koordinatenursprung zusammenfällt. (2 Pkt.)
Hinweis: Aus Symmetriegründen muss nur eine Ameise betrachtet werden. Wählen Sie hierzu eine Ameise, die sich zur Zeit $t = 0$ bei $r = \frac{\sqrt{2}}{2}a$ und $\varphi = 0$ befindet und berechnen sie $r(\varphi)$ statt $r(t)$ und $\varphi(t)$.
 - (b) Berechnen Sie den von jeder Ameise zurück gelegten Weg und die Zeit bis die Ameisen sich treffen. Wie lautet die Winkelgeschwindigkeit entlang des Weges? (2 Pkt.)

(insgesamt 4 Pkt.)

3. **Lorentztransformation aus konstanter Lichtgeschwindigkeit.** Zwei Inertialsysteme Σ und Σ' bewegen sich mit der Geschwindigkeit v gegeneinander geradlinig gleichförmig in x -Richtung. Zum Zeitpunkt $t = t' = 0$ fallen beide Systeme zusammen. (4 Pkt.)

Wie transformieren sich Orte und Zeiten vom System Σ ins System Σ' unter der Annahme, dass die Lichtgeschwindigkeit c in beiden Inertialsystemen den gleichen Wert besitzt? Betrachten Sie dazu die Ausbreitung eines Lichtblitzes, welcher zur Zeit $t_0 = t'_0 = 0$ im Koordinatenursprung der Inertialsysteme zündet.

4. **Lorentzgruppe.** Eine Eigenschaft der Lorentz-Transformationen ist, dass sie eine *Gruppe* bilden. In dieser Aufgabe soll das für eine spezielle Menge an Transformationen, nämlich solche, die Bezugssysteme mit parallelen Achsen, die sich entlang der x -Achse relativ zueinander bewegen, überprüft werden. Eine solche Transformation kann als Matrix dargestellt werden: (4 Pkt.)

$$\Lambda(v) = \begin{pmatrix} \gamma & 0 & 0 & -\beta\gamma \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ -\beta\gamma & 0 & 0 & \gamma \end{pmatrix}, \quad (6)$$

mit $\beta = v/c$ und $\gamma = 1/\sqrt{1-\beta^2}$. Eine solche Transformation überführt den Vektor (x, y, z, ct) in (x', y', z', ct') .

Zeigen Sie, dass diese Transformationen eine Gruppe bilden.

Auf diesem Übungsblatt sind maximal **15 Punkte** zu erreichen, Abgabe erfolgt am 21. 10. 2008.